

## TAREA 4

### GRUPO 7

P1. Sea  $f(x_1, x_2) = x_1^3 - x_1^2 x_2 - 9x_1$ .

- (i) Determine el conjunto  $C = \{(x_1, x_2) : (x_1, x_2) \text{ es óptimo de } f\}$ .
- (ii) Partiendo con  $\bar{x} = (0, 2)$  efectúe 2 iteraciones del método del gradiente y usando el tercer punto generado efectúe 1 iteración del método de Newton y discuta su resultado con el de (i) (i.e., compare el último punto generado con (i)).

P2. Considere el siguiente problema:

$$(P) : \text{Min } \{x_1, x_2 + x_3 : x_1 + 2x_2 + 2x_3 = 4, x_2 x_3 = 2\}$$

- (i) Determine el conjunto  $C$  formado por los puntos que cumplen las condiciones necesarias para la optimalidad de  $(P)$ .
- (ii) Determine si hay puntos en  $C$  que cumplen las condiciones suficientes para la optimalidad de  $(P)$ .

P3. Considere el siguiente problema:

$$(P) : \text{Min } \left\{ \frac{1}{2}(x_1 - 1)^2 - x_1 - x_2 : x_1 \geq x_2^2, x_1^2 + x_2^2 \leq 2 \right\}$$

- (i) Determine gráficamente el conjunto  $S$  de las soluciones factibles de  $(P)$ , y concluya si  $S$  es convexo.
- (ii) Determine analítica y gráficamente los conjuntos  $F_0$  y  $G_0$  relativos a los puntos  $(1, 1)$  y  $(1, -1)$ , y concluya si son candidatos a óptimo de  $(P)$ .
- (iii) Determine el conjunto de puntos  $C$  que satisfacen las condiciones necesarias para la optimalidad de  $(P)$  (cond. nec. de KTK).
- (iv) Determine si algún punto de  $C$  cumple las condiciones suficientes de KTK.

4. Sea  $(P) : \text{Min } \{x_1^2 + x_2^2 + x_3 : x_1 + x_2 + x_3 = 2, x_1 \geq x_2^2, x_2 \geq 0, x_3 \geq 0\}$

- (i) Determine gráficamente el conjunto  $S$  de las soluciones factibles de  $(P)$ ,
- (ii) Determine analíticamente los conjuntos  $F_0, G_0, H_0$  relativos a  $\bar{x} = (1, 1, 0)$
- (iii) Escriba las condiciones necesarias de KTK y usando estas condiciones determine una solución óptima de  $(P)$  ¿es única?.

P5.  $\text{Min } \left\{ \sum \frac{c_j}{x_j} : \sum a_j x_j = b, x_j \geq 0, i = 1, \dots, n \right\}, a_j, c_j > 0, b > 0.$

- (i) Escriba las condiciones necesarias de KTK para la optimalidad de  $(P)$ , y determine si son suficientes.
- (ii) Determine el punto  $\bar{x}$  que satisface las condiciones obtenidas en (i).