

TAREA 4

GRUPO 9

P1. Sea $f(x_1, x_2) = (x_2 - 1)^2 + 4x_1x_2 + x_2^4$

- (i) Determine el conjunto $C = \{(x_1, x_2) : (x_1, x_2) \text{ es óptimo de } f\}$.
- (ii) Partiendo con $\bar{x} = (0, 2)$ efectúe 2 iteraciones del método del gradiente y usando el tercer punto generado efectúe 1 iteración del método de Newton y discuta su resultado con el de (i) (i.e., compare el último punto generado con (i)).

P2. Considere el siguiente problema:

$$(P) : \text{Min } \{ 4x_1^2 + 4x_2^2 + x_3^2 : x_1 + x_2x_3 = 1 \}$$

- (i) Determine el conjunto C formado por los puntos que cumplen las condiciones necesarias para la optimalidad de (P) .
- (ii) Determine si hay puntos en C que cumplen las condiciones suficientes para la optimalidad de (P) .

P3. Considere el siguiente problema:

$$(P) : \text{Min } \{ (x_1 - 6)^2 + (x_2 - 3)^2 : x_1 \geq x_2, x_1 + x_2 \leq 2 \}$$

- (i) Determine gráficamente el conjunto S de las soluciones factibles de (P) , y concluya si S es convexo.
- (ii) Determine analítica y gráficamente los conjuntos F_0 y G_0 relativos a los puntos: $(2, 0)$ y $(0, 0)$, y concluya si son candidatos a óptimo de (P) .
- (iii) Determine el conjunto de puntos C que satisfacen las condiciones necesarias para la optimalidad de (P) (cond. nec. de KTK).
- (iv) Determine si algún punto de C cumple las condiciones suficientes de KTK.

4. Sea $(P) : \text{Min } \{ (x_2 - 1)^2 - x_1 - x_2 : x_2 = x_1^2, x_1^2 + x_2^2 \leq 2 \}$

- (i) Determine gráficamente el conjunto S de las soluciones factibles de (P) ,
- (ii) Determine analítica y gráficamente los conjuntos F_0, G_0 relativos a $\bar{x} = (-1, 1)$
- (iii) Escriba las condiciones necesarias de KTK y usando estas condiciones determine una solución óptima de (P) ¿es única?.

P5. Sea $(P) : \text{Min } \{ f(x) : Ax = b, x \geq 0 \}$, f de clase C^1 y convexa, A de $m \times n$ y b de $m \times 1$.

Sea \bar{x} solución factible de (P) ($A\bar{x} = b, \bar{x} \geq 0$), y considere el problema:

$$(PL) : \text{Min } \{ \xi : A\xi = b, \xi \geq 0 \}, \xi = \nabla f(\bar{x}).$$

Demuestre que si $\bar{u} = \bar{x}$ es solución óptima de (PL) , entonces \bar{x} es solución óptima de (P) .