

(0.5) Repres. puntual de $S = \{(x_1, x_2) : (x_1, x_2) = \lambda_1 \mathbf{p}_1 + \lambda_2 \mathbf{p}_2 + \lambda_3 \mathbf{p}_3 + \mu_1 \mathbf{d}_1 + \mu_2 \mathbf{d}_2, \lambda_1 + \lambda_2 + \lambda_3 = 1, \lambda_1, \lambda_2, \lambda_3, \mu_1, \mu_2 \geq 0\}$

(ii) Sistema dado

Sistema transformado (ST)

$$\begin{array}{ll} -x_1 + x_2 \geq 1 \text{ (se resta var. de holgura: } \mu_1 \geq 0) & -x'_1 + x''_1 + x_2 - \mu_1 = 1 \\ x_1 + 2x_2 \geq -2 \text{ (se resta var. de holgura: } \mu_2 \geq 0) & x'_1 - x''_1 + 2x_2 - \mu_2 = -2 \\ 2x_1 + x_2 \geq 4 \text{ (se suma var. de holgura: } \mu_3 \geq 0) & 2x'_1 - 2x''_1 + x_2 + \mu_3 = 4 \\ x_2 \geq 0 \text{ (se desdobra } x_1 = x'_1 - x''_1, x'_1 \geq 0, x''_1 \geq 0) & x'_1, x''_1, x_2, \mu_1, \mu_2, \mu_3 \geq 0 \end{array} \quad (1.0)$$

Soluciones basicas factibles de ST (asociadas a los puntos extremos de S)

(0.7)

- Para $\mathbf{p}_1 = (-2, 0) : \bar{x}_1 = -2, \bar{x}_2 = 0 \Rightarrow \bar{x}'_1 = 0, \bar{x}''_1 = 2$ y reemplazando en (ST) se obtienen $\bar{\mu}_1, \bar{\mu}_2, \bar{\mu}_3$ $2 - \mu_1 = 1; -2 - \mu_2 = -2; -4 + \mu_3 = 4 \Rightarrow \bar{\mu}_1 = 1, \bar{\mu}_2 = 0, \bar{\mu}_3 = 8 \Rightarrow (0 \ 2 \ 0 \ 1 \ 0 \ 8)$ es la s.b.f. asociada a \mathbf{p}_1 .
- Para $\mathbf{p}_2 = (-1, 0) : \bar{x}_1 = -1, \bar{x}_2 = 0 \Rightarrow \bar{x}'_1 = 0, \bar{x}''_1 = 1$ y reemplazando en (ST) se obtiene $1 - \mu_1 = 1; -1 - \mu_2 = -2; -2 + \mu_3 = 4 \Rightarrow \bar{\mu}_1 = 0, \bar{\mu}_2 = 1, \bar{\mu}_3 = 6 \Rightarrow (0 \ 1 \ 0 \ 0 \ 1 \ 6)$ es la s.b.f. asociada a \mathbf{p}_2 .
- Para $\mathbf{p}_3 = (1, 2) : \bar{x}_1 = 1, \bar{x}_2 = 2 \Rightarrow \bar{x}'_1 = 1, \bar{x}''_1 = 0$, y reemplazando en (ST) resulta: $-1 + 2 - \mu_1 = 1; 1 + 4 - \mu_2 = -2; 2 + 2 + \mu_3 = 4 \Rightarrow \bar{\mu}_1 = 0, \bar{\mu}_2 = 7, \bar{\mu}_3 = 0 \Rightarrow (1 \ 0 \ 2 \ 0 \ 7 \ 0)$ es la s.b.f. asociada a \mathbf{p}_3 .

Soluciones basicas factibles homogeneas de ST (asociadas a direcciones extremas de S)

(0.8)

- Para $\mathbf{d}_1 = (-2, 1) : \bar{x}_1 = -2, \bar{x}_2 = 1 \Rightarrow \bar{x}'_1 = 0, \bar{x}''_1 = 2$, y reemplazando en (STO), se obtienen μ_1, μ_2, μ_3 $2 + 1 - \mu_1 = 0; -2 + 2 - \mu_2 = 0; 4 + 1 + \mu_3 = 0 \Rightarrow \bar{\mu}_1 = 3, \bar{\mu}_2 = 0, \bar{\mu}_3 = 3 \Rightarrow (0 \ 2 \ 1 \ 3 \ 0 \ 3)$ es la s.b.f.h. asociada a \mathbf{d}_1 (la base esta formada por col2, col4 y col6 de la matriz de ST, ya que las variables x''_1, μ_1 y μ_3 son las variables basicas de la s.b.f. $(0 \ 2 \ 0 \ 1 \ 0 \ 8)$).
- Para $\mathbf{d}_2 = (-1, 2) : \bar{x}_1 = -1, \bar{x}_2 = 2 \Rightarrow \bar{x}'_1 = 0, \bar{x}''_1 = 1$, y reemplazando en (STO) resulta: $1 + 2 - \mu_1 = 0; -1 + 4 - \mu_2 = 0; -2 + 2 + \mu_3 = 0 \Rightarrow \bar{\mu}_1 = 3, \bar{\mu}_3 = 0 \Rightarrow (0 \ 1 \ 2 \ 3 \ 3 \ 0)$ es la s.b.f.h. asociada a \mathbf{d}_2 .