

1. Para el oscilador armónico 1 dimensional con hamiltoniano:

$$H = \frac{-\hbar^2}{2m} \frac{d^2}{dx^2} + \frac{k^2}{2} x^2$$

se conocen todos sus autofunciones y autovalores.

Las dos autofunciones de H de energía mas baja son:

$$\phi_o(x, t) = \frac{\alpha^{1/2}}{\pi^{1/4}} \exp[-\alpha^2 x^2/2] \exp[-iE_o t/\hbar]$$

y

$$\phi_1(x, t) = \frac{\alpha^{1/2}}{2^{1/2}\pi^{1/4}} 2\alpha x \exp[-\alpha^2 x^2/2] \exp[-iE_1 t/\hbar]$$

, con $\alpha^4 = km/\hbar^2$

Entregue:

i) Valores para E_o y para E_1 en términos de la frecuencia clásica de oscilación $w = \sqrt{k/m}$.

ii) Calcule $\langle x \rangle$, $\langle p \rangle$ para las dos autofunciones.

Se tiene una función de onda

$$f(x, t) = 1/\sqrt{2}\phi_o(x, t) + 1/\sqrt{2}\phi_1(x, t)$$

Entregue:

iii) $\langle H \rangle(t)$, $\langle x \rangle(t)$, $\langle p \rangle(t)$.

iv) Calcule la probabilidad de encontrar a la partícula en intervalo $[\sqrt{2E_o/k}/2, \sqrt{2E_o/k}/2 + \delta\epsilon]$ con $\delta\epsilon$ conocido muy pequeño. Use $\int_a^{a+\delta\epsilon} g(x)dx \approx g(a)\delta\epsilon$. Indique los instantes en que la probabilidad es máxima.

v) Verifique que $\frac{d}{dt} \langle x \rangle = 1/m \langle p \rangle$ y que $\frac{d}{dt} \langle p \rangle = - \langle dV(x)/dx \rangle$.

Datos:

$$\int_{-\infty}^{\infty} \exp[-x^2/\beta] dx = \beta^{1/2} \sqrt{\pi}$$

$$\int_{-\infty}^{\infty} x^2 \exp[-x^2/\beta] dx = \beta^{3/2} \sqrt{\pi}/2$$