

FM402-1 Matemática II: Límites y continuidad de funciones**Profesora:** Natacha Astromujoff**Auxiliares:** Marcelo Navarro y Enrique Vélchez**Indicaciones Auxiliar 3**

6 de enero de 2016

Recordar que esto son indicaciones de como se resolvió los problemas en la auxiliar, en ningún caso el método que se usó es el único, hay muchas formas de resolver los problemas, mucho éxito!!

P1. Es lo típico de inducción, realizar el caso base en $n = 1$, luego ver la hipótesis de inducción para luego ver el caso $n + 1$, en esta parte se les recomienda realizar un nikita nipone conveniente o tomar en cuenta que $4=3+1$ y $3=2+1$

P2. La idea de este problema es darse cuenta que pueden expresar el término a_n como una resta de sumas, en este caso si extendemos la sumatoria del enunciado obtenemos que

$$\sum_{k=1}^n a_k = a_1 + a_2 + a_3 + a_4 + \cdots + a_{n-2} + a_{n-1} + a_n$$

Ahora si a esto le restamos lo siguiente.

$$a_1 + a_2 + a_3 + a_4 + \cdots + a_{n-2} + a_{n-1}$$

lo que obtendremos es el término a_n . Ahora la misión que tienen es mediante la fórmula del enunciado calcular este término mediante las restas de las sumatorias dichas acá

P3. hacer un nikita nipone en la posición $k + 1$ luego usar telescópicas

P4. a) Separar las sumatorias, sacar las constantes fuera de la sumatoria, verificar si pueden realizar las sumas conocidas, es decir si parten de donde tengan que partir, si las expresiones son exactamente las que salen en las fórmulas, etc (ojo acá con la suma geométrica) y finalmente usar las sumas conocidas

b) ocupar la definición de factorial para formar el término $(k + 1)!$ luego notamos que tenemos el producto $(k + 1)(k + 1)!$ aquí en el primer parentesis se realiza un nikita nipone conveniente para formar una suma telescópica

c) Darse cuenta que escribir $\binom{n}{k}$ es lo mismo que $\binom{n}{k} 1^k 1^{n-k}$ luego usar definición de binomio de Newton

d) En primer lugar notar que en $k=0$ el término de la sumatoria es 0, por lo tanto en realidad la sumatoria parte de 1, luego expandir el coeficiente binomial, simplificar por k y luego jugar hasta formar un nuevo factorial el cual es $\binom{n-1}{k-1}$ para luego hacer traslación de índices

P5. Primero escribir la expresión como sumatoria con coeficiente binomial

a) Para el término constante basta darse cuenta el valor de k , tal que el exponente de x sea igual a 0

b) Para el término central nos damos cuenta que como va desde 0 a 18, tenemos que el valor $k=9$ es el del centro

c) buscar el k , tal que al reemplazarlo en el binomio de Newton nos de 6 en el exponente de x