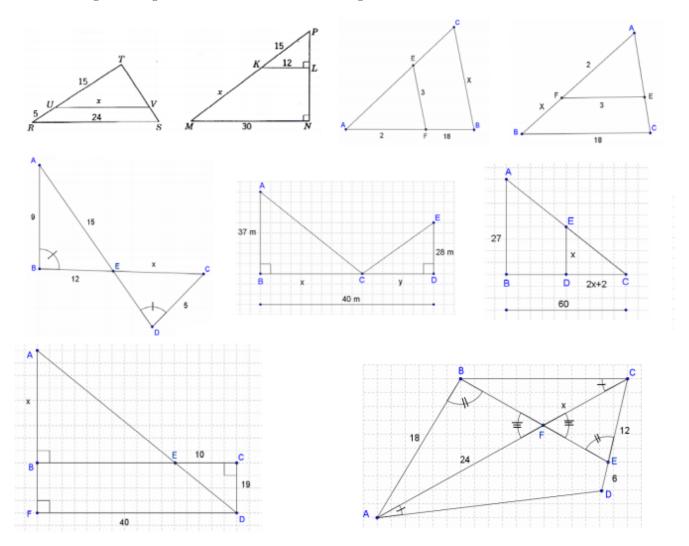
Universidad de Chile Facultad de Ciencias Físicas y Matemáticas Escuela de Verano Enero 2011

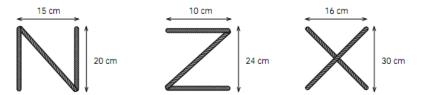
Guía 2: Funciones trigonométricas Profesor: María Angélica Vega.

Profesor: María Angélica Vega. Auxiliar: Guillermo González R.

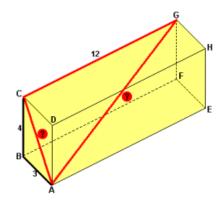
P1. En las siguientes figuras determine el valor de las incógnitas



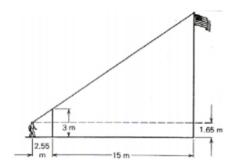
P2. Calcule los cm de cuerda que se necesitan para formar las letras $N,\ Z$ y X de las siguientes dimensiones



P3. Encuentre los valores de AC y AG:



- **P4.** A cierta hora del dia, la sombra de una estatua de 2,5 metros mide 4 metros de longitud, calcule la altura de un edificio que a la misma hora proyecta una sombra de 35 metros
- **P5.** Para encontrar la altura de una bandera, una persona coloca una varilla de 3 metros a 15 metros del asta. Entonces si retrocede 2.55 metros, puede ver la punta de la varilla alineada con la punta del asta. Si los ojos de la persona se encuentran a 1.65 metros del piso, determine la altura del asta



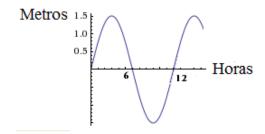
- **P6.** Transforme los siguientes ángulos escritos en grados en radianes: $10^o, 45^o, 30^o, 60^o, 90^o, 180^o$
- **P7.** Transforme los siguientes ángulos escritos en radianes en grados: 2π , $\frac{\pi}{16}$, $\frac{\pi}{60}$, $\frac{\pi}{3}$, $\frac{\pi}{10}$
- ${f P8.}$ Calcule en grados y radianes el ángulo formado por las manecillas del reloj cuando éste marca las:

2

- (a) 4:00
- **(b)** 6:00
- (c) 5:30
- (d) 11:35
- (e) 1:30
- P9. Calcule
 - (a) $\tan^2(60) + 2\tan^2(45)$
 - **(b)** $\frac{1}{\tan(\frac{\pi}{3})} \tan(\frac{\pi}{6}) + \frac{1}{\cos(\frac{\pi}{4})}$
 - (c) $2\sin(30)\cos(30)\frac{1}{\tan(60)}$
 - (d) $\tan^2(30) + 2\sin(60) + \tan(45) \tan(60) + \cos^2(30)$
 - (e) $\cos(\frac{\pi}{3}) \tan^2(\frac{\pi}{4}) + \frac{3}{4}\tan^2(\frac{\pi}{6}) + \cos^2(\frac{\pi}{6}) \sin(\frac{\pi}{6})$

- **P10.** Calcule la altura a la que se encuentra un globo en el cielo, si un observador se encuentra a 1.2 mi de la posición justo abajo del globo en el eje horizontal y éste puede verlo con un ángulo de elevación de 30°
- **P11.** Un guardabosques desea estimar la altura de algunos árboles, como ejemplo, si camina hacia atrás 40 pies desde la base de un árbol, estima que el ángulo de elevacíon a la parte más alta es de 70°. Determine la altura aproximada del árbol
- **P12.** Mientras usted visitaba las dunas de National Park en Colorado, el ángulo de elevación a la cima de una duna eran 20°. Luego de acercarse 800 pies más cerca, usted notó que el ángulo de elevación había incrementado en 15°. Determine la altura de la duna.
- **P13.** Dos edificios distan entre si 150 metros. Desde un punto que está en la base entre los dos edificios, se sabe que las visuales a los puntos más altos de estos forman un ángulo de elevación de 35° y 20°
- **P14.** Calcular la altura de una torre si al situarnos a 25 m de su pie, observamos la parte más alta con un ángulo de elevación de $\frac{\pi}{4}$
- **P15.** Calcular la altura de un arbol sabiendo que desde un punto del terreno se observa su copa con un ángulo de elevación de $\frac{\pi}{3}$ y si retrocedemos 10m, con uno de $\frac{\pi}{6}$
- **P16.** Desde la orilla de un río, obsevamos la copa de un árbol situado en la otra orilla, con un ángulo de elevación de $\frac{\pi}{3}$. Si nos retiramos 10 m de la orilla, el ángulo de observación es de $\frac{\pi}{4}$. Calcular la altura del árbol y el ancho del río
- **P17.** Si un avión entrando a pista para aterrizar ve la cabecera de pista con un ángulo respecto a la horizontal de 34°, el final de pista con un ángulo de 25° y sabiendo que la longitud de pista es de 2500m, se pide la altura a que se encuentra el avión en este momento y la distancia en horizontal sobre el terreno a la cabecera de pista
- P18. Grafique las siguientes funciones, determinando amplitud, frecuencia y periodo
 - (a) $f(x) = \sin(2x)$
 - **(b)** $f(x) = \sin(\frac{1}{2}x)$
 - (c) $f(x) = \sin(-2x)$
 - (d) $f(x) = \sin(-\frac{1}{2})$
 - (e) $f(x) = 3\sin(2x)$
 - (f) $f(x) = -3\sin(2x)$
 - (g) $f(x) = \cos(2x)$
 - **(h)** $f(x) = \cos(\frac{1}{2}x)$
 - (i) $f(x) = \cos(-2x)$
 - (j) $f(x) = \cos(-\frac{1}{2})$
 - **(k)** $f(x) = 3\cos(2x)$
 - (1) $f(x) = -3\cos(2x)$

P19. Las fuerzas de atracción que ejercen la luna y el sol sobre la Tierra provocan movimientos ascendentes y descendentes de la superficie de agua, principalmente de los océanos, llamados mareas. La altura en función del tiempo de las mareas de cierta zona a partir de las 00 : 00, puede ser modelada según la siguiente gráfica



Determine:

- (a) Periodo, frecuencia y Amplitud de la sinusoide.
- (b) Identifique la función de modelamiento del problema
- (c) Determine si la marea es mas alta a las 5:00 o a las 13:00
- (d) Determine a qué horas el nivel del mar es justo de 1 metro
- **P20.** La temperatura T en grados Fahrenheit, de un paciente en función de los t días que lleva enfermo, en una enfermedad de 12 días. Está dada por:

$$T(t) = 101.6^{\circ} + 3^{\circ} \sin(\frac{\pi}{8}t)$$

- (a) Determine la temperatura del momento justo antes de enfermarse
- (b) Determine la temperatura máxima que tuvo durante el transcurso de su enfermedad y qué días la alcanzó
- (c) Determine la temperatura mínima que tuvo durante el transcurso de su enfermedad y queé días la alcanzó
- (d) Grafique