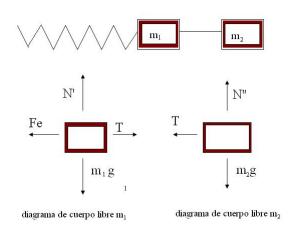
Problema 3, clase auxiliar

26 de enero de 2009

1. Debemos hacer diagramas de cuerpo libre:



2. Las ecuaciones para los cuerpos serán:

Ecuaciones para cada bloque:

Primer bloque:

La fuerza que mantiene el movimiento circular es la que actúa hacia el centro , F_e-T , de nuestro eje x , el cual se mueve igualmente en forma circular . El caso es análogo para el cuerpo 2 , en ese caso la fuerza centrípeta es T.

$$F_e - T = m_1 a_c \tag{1}$$

$$N' - m_1 g = 0 \tag{2}$$

Segundo bloque:

$$T = m_2 a_c' \tag{3}$$

$$N'' - m_2 q = 0 \tag{4}$$

a su vez tenemos :

$$a_c = \omega^2 (L + \Delta L) \tag{5}$$

$$a_c' = \omega^2 (2L + \Delta L) \tag{6}$$

En el caso crítico se cumple : $\Delta L=\frac{L}{2}$, en dicho caso crítico se tendría : $a_c=\frac{3\omega^2L}{2}, a_c'=\frac{5\omega^2L}{2}$ reemplazando en (1) y (3):

$$F_e - T = \frac{3\omega^2 L m_1}{2} \tag{7}$$

$$T = \frac{5\omega^2 L m_2}{2} \tag{8}$$

Sabiendo además que , para este caso crítico, $F_e=k\Delta L=k\frac{L}{2},$ entonces :

$$k\frac{L}{2} - \frac{5}{2}\omega^2 L m_2 = \frac{3}{2}\omega^2 L m_1$$

$$k = \omega^2 (3m_1 + 5m_2)$$

$$\omega_{max} = \sqrt{\frac{k}{3m_1 + 5m_2}}$$