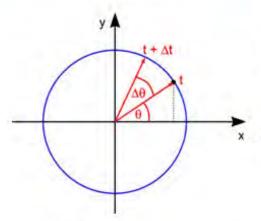
# MOVIMIENTO CIRCULAR



LA PARTÍCULA SE MUEVE SOBRE UNA CIRCUNTERENCIA

X =) BASTA UN ANGOLO
PARA DESCRIBIR SU
POSICIÓN

VELOCIDAD = 
$$\omega = \Delta\theta$$
ANGULAR  $\Delta t$ 

SI EL MOVIMIENTO ES CIRCULAR UNIFORME

$$=>$$
  $\omega = cte = \frac{2\pi}{T}$ 

DONDE T ES EL PERÍODO

#### 23GAG:NU

$$\omega = \begin{bmatrix} \Delta \theta \\ \Delta t \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} radianes \\ S \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{1}{S} \end{bmatrix}$$

$$T = [S]$$

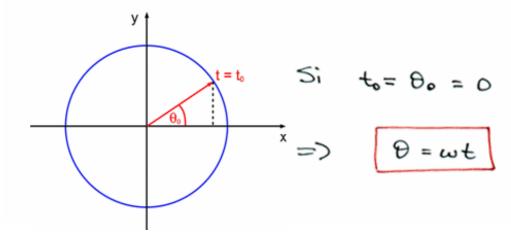
$$f = frewencia = \frac{1}{T} = \begin{bmatrix} \frac{1}{S} \end{bmatrix} = [Hz]$$
Hertz

ANALOGÍA CON EL MOVIMIENTO 1-DIM

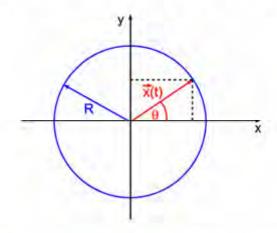
$$\omega = \frac{\Delta \theta}{\Delta t} = \frac{\theta - \theta \cdot \theta}{t - t \cdot \theta}$$

$$=) \qquad \theta(t) = \theta_0 + \omega(t-t_0)$$

00: Posición DE LA PARTÍCULA EN t=to



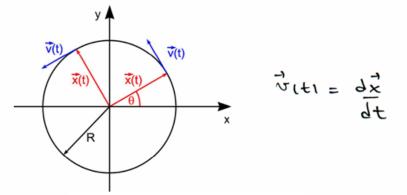
## DESCRIPCION DEL MOVIMIENTO EN COORDENADAS CARTESIANAS



word. x: X = Rcos 0 = Rcos wt

:. 2(t) = 2 (coswt, sewet)

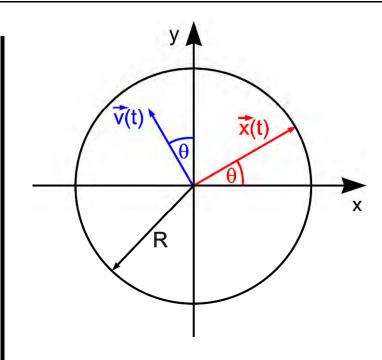
#### VELOCIDAD



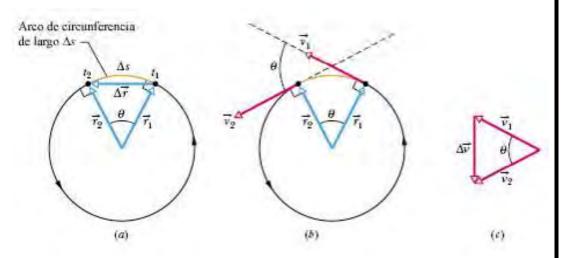
JIEI = RW (- smut, cosut) J ES SIEMPRE
TANGENTE A LA
CIRCUNFERENCIA

$$|\vec{\sigma}| = \sqrt{R^2 \omega^2 \sec^2 \omega t} + R^2 \omega^2 \cos^2 \omega t$$

$$|\vec{\sigma}'| = R \omega$$



# Aceleración



Los triángulos en (a) y (c) son similares y se cumple

$$sen \theta = \frac{\Delta r}{r} = \frac{\Delta v}{v}$$

La aceleración de la partícula está dada por

$$a = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{v}{r} \frac{\Delta r}{\Delta t} \approx \frac{v}{r} \frac{\Delta s}{\Delta t} = \frac{v^2}{r}$$

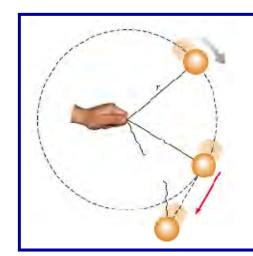
SI NO EXISTIERA UNA ACELERACION LA PARTICULA SEGUIRIA POR LA TANGENTE A LA CIRCUNFERENCIA (PRINCIPIO DE INERCIA)

LA ACELERACIÓN LA "EMPUJA" HACIA EL CENTRO

=> Existe UNA FUERZA QUE

MANTIENE A LA PARTICULA EN

SU TRAMECTORIA CIRCULAR





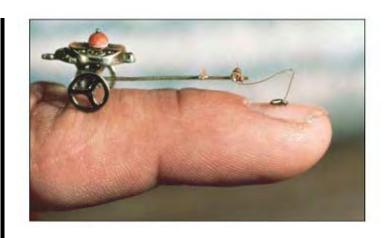
Si la cuerda se rompe, la piedra saldrá volando tangente a la circunferencia.

## Dinámica

En 1997, María Fernanda Cardoso, una artista colombiana, creó un circo de pulgas entrenadas. Cardoso amarró un alambre delgado a Brutus, "la pulga más fuerte sobre la Tierra", y la entrenó para que tirara un carrito. Luego, ella usó sonido y dióxido de carbono para conseguir que Brutus saltara. Videos muestran que cuando Brutus saltaba, el carrito se movía una distancia de 1 centímetro aprox. Está es una distancia asombrosa porque la masa del carrito era 160.000 veces mayor que la de la pulga.



¿Cómo es posible que una pulga tire un carro que tiene más de 160.000 veces su masa?



# DINAMICA

CINEMATICA = DESCRIPCION DEL MOVINIENTO

DINAMICA = PREDICCIÓN DEL MOVINIENTO

NEWTON "PHILOSOPHIAE NATURALIS (1642-1727) PRINCIPIA MATHEMATICA" (1686)

DEFINICION I

MASA ES UNA MEDIDA DE LA CANTIDAD DE MATERIA DE UN CUERPO

MASA ES UNA MEDIDA DE LA INERCIA DE UN OBJETO

LA MASA ES PROPORCIONAL AL PESO



Isaac Newton (1642-1727)

JI M = cte, EL MOMENTUM CAMBIA JI LA VELOCIDAD J CAMBIA DE DIRECCION Y/O MAGNITUD

LA MASA M VARIA EJENDO : CONETE

# DEFINICION III

LA FUERZA DE ÎNERCIA ES LA FUERZA

QUE OPONE UN CUERPO À VARIAR SU

ESTADO PRESENTE, YA SEA DE REPOSO

O DE MOVINIENTO RECTILINEO UNIFORME

ESTA FUERZA ES PROPORCIONAL A LA MASA DEL OBJETO

# DEFINICION IV

UNA FUERZA APLICADA ES UNA ACCIÓN EJERCIDA SOBRE UN WERPO A FIN DE CAMBIAR SU ESTADO

ESTA FUERZA ES UNA ACCIÓN SOLAMENTE 4 NO PERMANECE EN EL WERPO DESPUÉS DE TERMINADA LA ACCIÓN

EL WERRO MANTIENE SU NUEVO ESTADO SÓLO POR SU INERCIA PERO LAS FUERZAS APLICADAS SON DE ORIGEN DIFERENTE

#### LEYES DE NEWTON

# PRIMERA LEY (PRINCIPIO DE INERCIA)

UN WERPO PERMANECE EN REPOSO

O EN MOVIMIENTO RECTILINEO UNIFORME

A MENOS QUE SEA FORZADO A CAMBIAR

DE ESTADO POR LAS PUERZAS QUE

ACTÚAN SOBRE ÉL

UN WERPO PERSISTE EN SU ESTADO DE REPOSO D MOU. RECTILINED UNIFORME SOLO SI LA SUMA DE LAS FUERZAS QUE ACTUAN SOBRE EL SE ANULAN ENTRE SI

PRIMERA = LEY DE =) DEFINICION

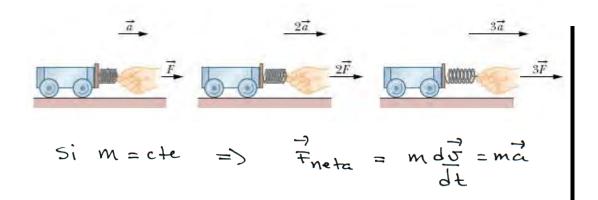
LEY | INERCIA DE SISTEMAS

INERCIALES

#### SEGUNDA LEY

EL CAMBIO DE MOMENTUM DE UNA
PARTICULA ES PROPORCIONAL A LA
FUERZA NETA QUE ACTÚA SOBRE ELLA
Y APUNTA EN LA DIRECCIÓN DE LA
LÍNEA GENERADA POR ESTA FUERZA NETA

$$rac{7}{F}_{neta} = \sum_{k=1}^{N} \vec{r}_{k} = \frac{\vec{\Delta}P}{\Delta t}$$
 $rac{7}{F}_{neta} = \frac{\vec{d}P}{dt}$ 



LA SEGUNDA LEY ES UNA PRESCRIPCIÓN DE COMO PREDECIR EL MOVIMIENTO PERO TODAVIA NO SABEMOS COMO EVALVAR LA FUERZA NETA

$$3i \frac{1}{\text{Fneta}} = 0 \Rightarrow \Delta \vec{v} = 0 \Rightarrow \vec{v} = cte$$

# TERCERA LEY (ACCION - REACCION)

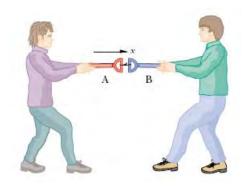
WANDO UN OBJETO EJERCE UNA FUERZA
SOBRE OTRO, ESTE ÚLTIMO EJERCE
UNA FUERZA IGUAL EN MAGNITUD Y
OPUESTA EN SENTIDO SOBRE EL
PRIMERO

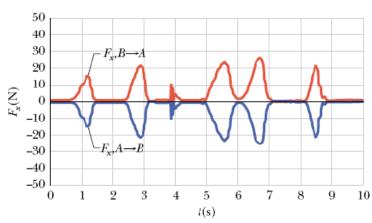
¡LAS FUERZAS DE ACCIÓN Y REACCIÓN
ACTUAN SOBRE CUERROS DISTINTOS!

#### UNIDADES

1 NEWTON = 1 kg m = 1N

IN ES LA FUERZA QUE SE DEBE APLICAR A UN CUERPO DE I KS DE MASA PARA TRANSMITIRLE UNA ACELERACION DE 1 M/SZ





### DIAGRAMA DE CUERPOLIBRE (DCL)

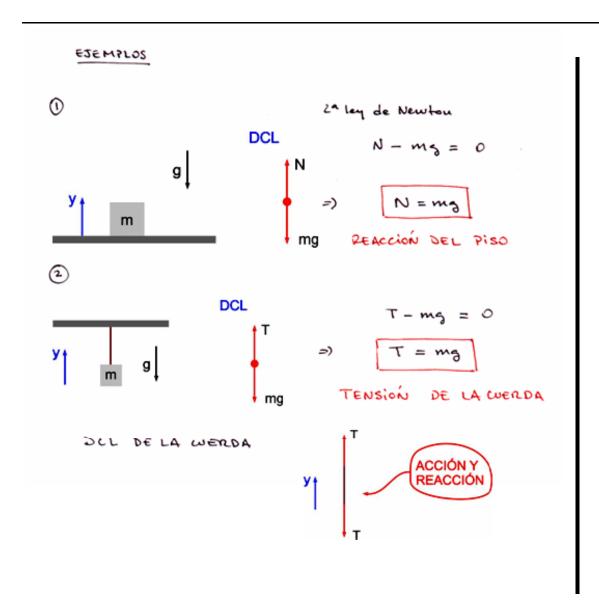
1er PASO : AISLAR CADA UNO DE

LOS WERPOS

2do PASO : DIBUTAR TODAS LAS FUERTAS

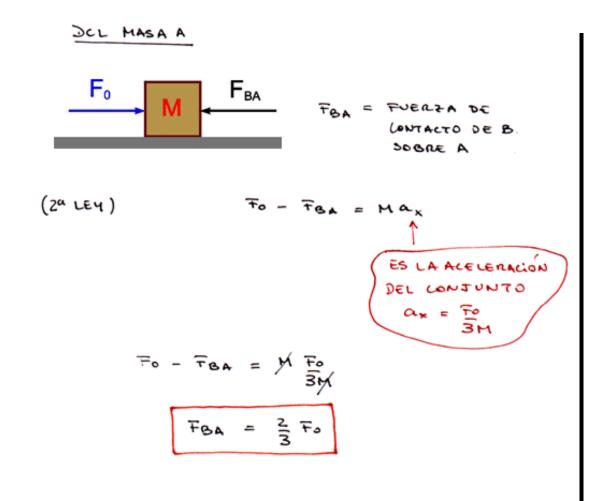
4 REACCIONES INVOLUCRADAS

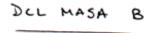
3er PASO : APLICAR LA ZA LEY DE NEWTON



# EZEWSTO g DCL DE LA 3 MASAS DCL Σ= 3M a g Eje x : Eje y: N - 3Mg = 0 TODAS LAS MASAS SE MUEVEN CON LA MISMA

ACELERACION





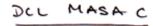


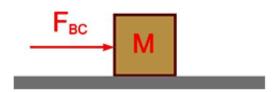
#### ENTONCES

$$F_{AB} - F_{CB} = M \left( \frac{F_0}{3M} \right)$$

$$\frac{2}{3}F_0 - F_{CB} = \frac{F_0}{3}$$

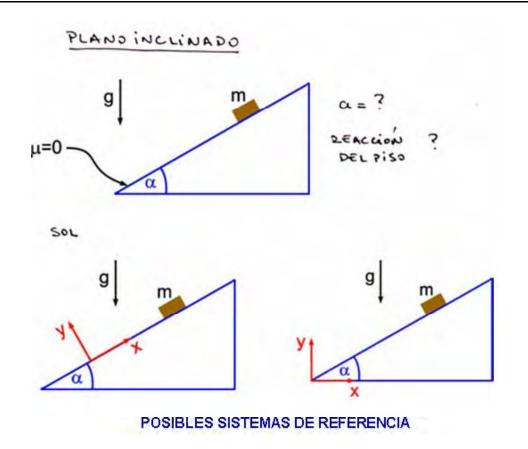
$$F_{CB} = \frac{F_0}{3}$$

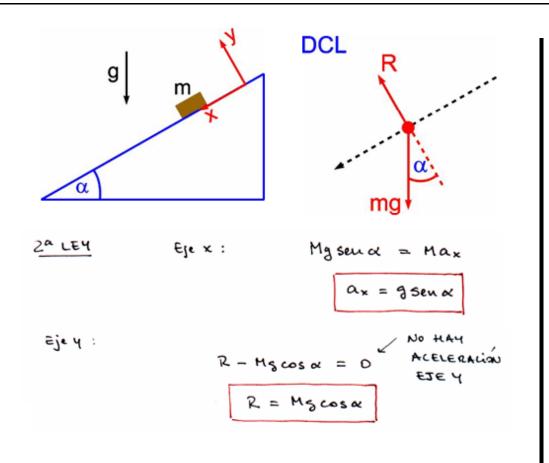


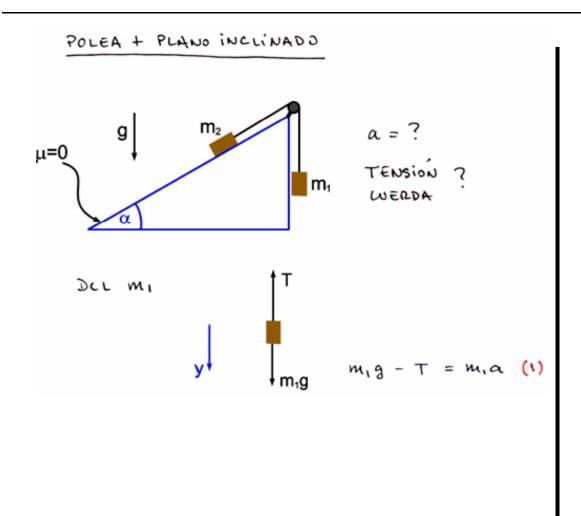


#### ENTONCES

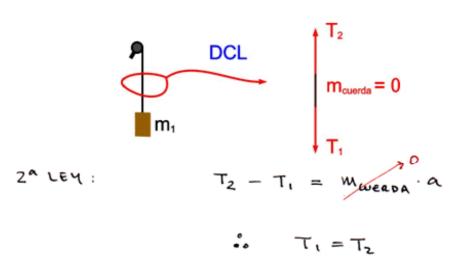
$$\overline{F}_{BC} = \overline{F}_{0}$$



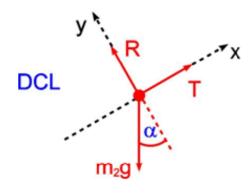




# ANALICEMOS QUE SUCEDE EN LA WERDA



UNA WERDA IDEAL CON MASA NULA O MEJOR DICHO DESPRECIABLE FRENTE A LOS VALORES DE LAS OTRAS MASAS TRANSMITE LAS TENSIONES EN TODA SU MAGNITUD DCL M2



T ES EL MISMO PORQUE LA CUERDA TRANSMITE LAS TENSIONES (MASA NULA!)

WERDA IDEAL =1 INEXTENSIBLE

=) ACELERACION ES LA MISMA PARA AMBAS MASAS

$$T = m_1(g-a) \tag{3}$$

REEMPLAZANDO EN (2)

$$g(m_1 - m_2 seu \alpha) = (m_1 + m_2) \alpha$$

$$\alpha = (\frac{m_1 - m_2 \operatorname{sen} \alpha}{m_1 + m_2})g$$

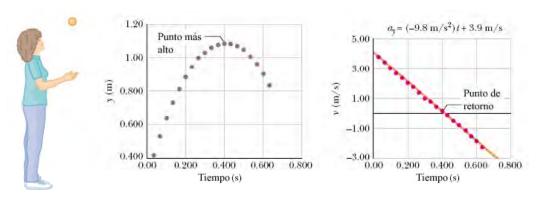
#### REEMPLAZANDO EN (3)

$$T = m_{i}g\left[1 - \left(\frac{m_{i} - m_{z} \sin \alpha}{m_{i} + m_{z}}\right)\right]$$

$$T = \frac{m_1 q}{m_1 + m_2} \left[ m_1 + m_2 - m_1 + m_2 \operatorname{sen} \alpha \right]$$

$$T = \frac{m_1 m_2 (1 + \text{sen} \alpha) g}{m_1 + m_2}$$

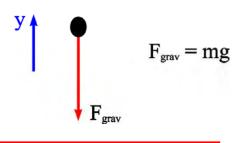
# Fuerza gravitacional y Peso



Una pelota de masa m es lanzada cerca de la superficie de la Tierra, ¿cuál es su aceleración?

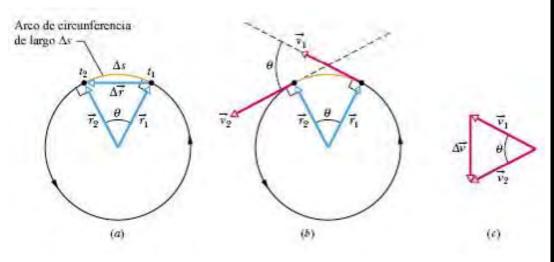


En el vacío una pluma y una manzana en caída libre experimentan la misma aceleración.



Peso = 
$$W = |F_{grav}| = mg$$

# Segunda Ley de Newton y Movimiento Circular Uniforme

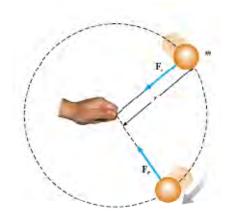


Los triángulos en (a) y (c) son similares y se cumple

$$sen \theta = \frac{\Delta r}{r} = \frac{\Delta v}{v}$$

La aceleración de la partícula está dada por

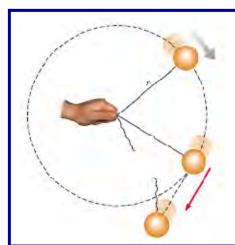
$$a = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{v}{r} \frac{\Delta r}{\Delta t} \approx \frac{v}{r} \frac{\Delta s}{\Delta t} = \frac{v^2}{r}$$



Aplicando la Segunda Ley de Newton

$$F_r = ma_c = m\frac{v^2}{r}$$

 ${\cal F}_r$  es la fuerza causante de la aceleración





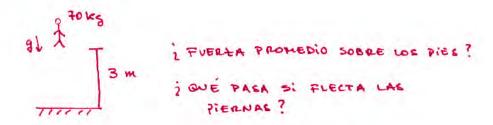
Si la cuerda se rompe, la piedra saldrá volando tangente a la circunferencia.

#### IMPULSO



$$\overrightarrow{F} = \overrightarrow{\Delta P} = \Rightarrow \qquad \overrightarrow{F} \Delta t = \overrightarrow{\Delta P}$$
impulso

#### EZENSTO



#### Velocidad al llegar al suelo

SI LA PERSONA FLECTA LAS PIERNAS SO CM SE TIENE QUE EL TIEMPO QUE DURA LA COLISION ES

$$= ) \qquad F = \frac{540 \text{ N} \cdot \text{S}}{0.13 \text{ S}} = 4.2 \times 10^3 \text{ N}$$

LA FUERTA QUE ESERCE EL SUELO SERA