

CONTROL 1 – FÍSICA ACÚSTICA

1. Calcule la velocidad del sonido y determine los elementos faltantes en las siguientes tablas

frecuencia	f (Hz)	
temperatura	T _c (C)	37
frecuencia angular	ω (rad/s)	
velocidad del sonido	c (m/s)	
longitud de onda	λ (m)	
numero de onda	k (rad/m)	1200

Primeramente, calculamos la velocidad del sonido a partir de la siguiente fórmula

$$c = c_0 \sqrt{1 + \frac{T_c}{273}}$$

Donde

$$c_0 = 331.6 \text{ (m/s)}$$

$$T_c = 37^\circ\text{C}$$

Reemplazamos y desarrollamos

$$c = 331.6 \left(\frac{\text{m}}{\text{s}}\right) \times \sqrt{1 + \frac{37^\circ\text{C}}{273}}$$

$$c = 331.6 \left(\frac{\text{m}}{\text{s}}\right) \times \sqrt{1.13553113553}$$

$$c = 331.6 \left(\frac{\text{m}}{\text{s}}\right) \times 1.06561303273$$

$$c = 353.357281654 \left(\frac{\text{m}}{\text{s}}\right)$$

$$c \approx 353.35 \left(\frac{\text{m}}{\text{s}}\right)$$

Ahora, calculamos la longitud de onda (λ (m)) a partir de:

$$k = \frac{2\pi}{\lambda}$$

Donde

$$k = 1200(\text{rad/m})$$

Reemplazamos y desarrollamos

$$1200(\text{rad/m}) = \frac{2\pi}{\lambda}$$

$$\lambda = \frac{2\pi}{1200(\text{rad/m})}$$

$$\lambda = 0.00523598775$$

$$\lambda \approx 5.23 \times 10^{-3}(\text{m})$$

Teniendo estos dos valores, podemos obtener el valor de la frecuencia a partir de

$$c = \lambda f$$

Donde

$$\lambda \approx 5.23 \times 10^{-3}(\text{m})$$

$$c \approx 353.35 \left(\frac{\text{m}}{\text{s}} \right)$$

Reemplazamos y desarrollamos

$$353.35 \left(\frac{\text{m}}{\text{s}} \right) = 5.23 \times 10^{-3}(\text{m}) \times f$$

$$\frac{353.35 \left(\frac{\text{m}}{\text{s}} \right)}{5.23 \times 10^{-3}(\text{m})} = f$$

$$67563.53346 \text{ (Hz)} = f$$

Ahora, calculamos la frecuencia angular con:

$$f = \frac{\omega}{2\pi}$$

Donde

$$f = 67563.53346 \text{ (Hz)}$$

Reemplazamos y calculamos

$$67563.53346 \text{ (Hz)} = \frac{\omega}{2\pi}$$

$$67563.53346 \text{ (Hz)} \times 2\pi = \omega$$

$$424,514.20073 \text{ (rad/s)} = \omega$$

2. Determine a partir de los datos en las tablas los elementos faltantes

Fuente 1		
potencia	W (W)	0.0005
directividad	Q	3
distancia	r (m)	4
intensidad	I (W/m ²)	
presión rms	Prms (Pa)	
nivel de potencia	Lw (db)	
nivel de intensidad	Li (dB)	
nivel de presión	Lp (db)	

Fuente 2		
potencia	W (W)	0.0009
directividad	Q	4
distancia	r (m)	2
intensidad	I (W/m ²)	
presión rms	Prms (Pa)	
nivel de potencia	Lw (db)	
nivel de intensidad	Li (dB)	

nivel de presión	Lp (db)	
------------------	---------	--

Desarrollo Fuente 1

Calculamos primeramente la intensidad, a través de la fórmula

$$I = \frac{WQ}{4\pi r^2}$$

Sabiendo que:

$$W = 0.0005(W)$$

$$Q = 3$$

$$r = 4(m)$$

Reemplazamos y desarrollamos

$$I = \frac{0.0005(W) \times 3}{4\pi(4)^2}$$

$$I = \frac{0.0005(W) \times 3}{4\pi(4)^2}$$

$$I = \frac{0.0015(W)}{64\pi}$$

$$I = \frac{0.0015(W)}{64\pi}$$

$$I = 7.460387957 \times 10^{-6}(W/m^2)$$

Teniendo esto, podemos calcular la presión RMS con:

$$P_{RMS} = \sqrt{I\rho_0 c}$$

Sabiendo que

$$I = 7.460387957 \times 10^{-6}(W/m^2)$$

$$\rho_0 = 1.18 \text{ kg}/m^3$$

$$c = 344 \text{ m/s}$$

Reemplazamos y desarrollamos

$$P_{RMS} = \sqrt{7.460387957 \times 10^{-6} \times 1.18 \times 344}$$

$$P_{RMS} = 0.055030179 \text{ (Pa)}$$

Ahora calculamos el nivel de potencia:

$$L_W = 10 \log_{10} \left(\frac{W}{W_0} \right)$$

Donde:

$$W = 0.0005(W)$$

$$W_0 = 1 \times 10^{-12}(W)$$

Reemplazamos y desarrollamos

$$L_W = 10 \log_{10} \left(\frac{0.0005}{1 \times 10^{-12}} \right)$$

$$L_W = 86.98970 \text{ (dB)}$$

Calculamos el nivel de intensidad:

$$L_I = 10 \log_{10} \left(\frac{I}{I_0} \right)$$

Donde

$$I = 7.460387957 \times 10^{-6} (W/m^2)$$

$$I_0 = 1 \times 10^{-12} (W/m^2)$$

Reemplazamos y desarrollamos

$$L_I = 10 \log_{10} \left(\frac{7.460387957 \times 10^{-6}}{1 \times 10^{-12}} \right)$$

$$L_I = 68.72761 \text{ dB}$$

Calculamos el nivel de presión

$$L_p = 20 \log_{10} \left(\frac{P_{RMS}}{P_0} \right)$$

Donde

$$P_{RMS} = 0.055030179(Pa)$$

$$P_0 = 2 \times 10^{-5}(N/m^2)$$

Reemplazamos y desarrollamos

$$L_p = 20 \log_{10} \left(\frac{0.055030179}{2 \times 10^{-5}} \right)$$

$$L_p = 68.79141 \text{ dB}$$

Desarrollo Fuente 2

Calculamos primeramente la intensidad, a través de la fórmula

$$I = \frac{WQ}{4\pi r^2}$$

Sabiendo que:

$$W = 0.0009(W)$$

$$Q = 4$$

$$r = 2(m)$$

Reemplazamos y desarrollamos

$$I = \frac{0.0009(W) \times 4}{4\pi(2)^2}$$

$$I = \frac{0.0009(W) \times 4}{4\pi(2)^2}$$

$$I = \frac{0.0036(W)}{16\pi}$$

$$I = \frac{0.0036(W)}{16\pi}$$

$$I = 7.161972439 \times 10^{-5}(W/m^2)$$

Teniendo esto, podemos calcular la presión RMS con:

$$P_{RMS} = \sqrt{I\rho_0 c}$$

Sabiendo que

$$I = 7.161972439 \times 10^{-5} (W/m^2)$$

$$\rho_0 = 1.18 \text{ kg/m}^3$$

$$c = 344 \text{ m/s}$$

Reemplazamos y desarrollamos

$$P_{RMS} = \sqrt{7.161972439 \times 10^{-5} \times 1.18 \times 344}$$

$$P_{RMS} = 0.170504775 (Pa)$$

Ahora calculamos el nivel de potencia:

$$L_W = 10 \log_{10} \left(\frac{W}{W_0} \right)$$

Donde:

$$W = 0.0009 (W)$$

$$W_0 = 1 \times 10^{-12} (W)$$

Reemplazamos y desarrollamos

$$L_W = 10 \log_{10} \left(\frac{0.0009}{1 \times 10^{-12}} \right)$$

$$L_W = 89.54242 (dB)$$

Calculamos el nivel de intensidad:

$$L_I = 10 \log_{10} \left(\frac{I}{I_0} \right)$$

Donde

$$I = 7.161972439 \times 10^{-5} (W/m^2)$$

$$I_0 = 1 \times 10^{-12} (W/m^2)$$

Reemplazamos y desarrollamos

$$L_I = 10 \log_{10} \left(\frac{7.161972439 \times 10^{-5}}{1 \times 10^{-12}} \right)$$

$$L_I = 78.55032 \text{ dB}$$

Calculamos el nivel de presión

$$L_p = 20 \log_{10} \left(\frac{P_{RMS}}{P_0} \right)$$

Donde

$$P_{RMS} = 0.170504775 (Pa)$$

$$P_0 = 2 \times 10^{-5} (N/m^2)$$

Reemplazamos y desarrollamos

$$L_p = 20 \log_{10} \left(\frac{0.170504775}{2 \times 10^{-5}} \right)$$

$$L_p = 78.61413 \text{ dB}$$

3. Considere en todos los casos de la parte 2 propagación esférica. Determine el nivel de presión sonora total para superposición incoherente. Fuente 1 y fuente 2

Para determinar el nivel de presión sonora para superposición incoherente, entre la fuente 1 y fuente 2, partimos de la fórmula:

$$L_{PT} = 10 \log_{10} \left[10^{\left(\frac{L_{P1}}{10}\right)} + 10^{\left(\frac{L_{P2}}{10}\right)} \right]$$

Sabiendo que

$$L_{P1} = 68.79141 \text{ dB}$$

$$L_{P2} = 78.61413 \text{ dB}$$

Reemplazamos y desarrollamos

$$L_{PT} = 10 \log_{10} \left[10^{\left(\frac{68.79141}{10}\right)} + 10^{\left(\frac{78.61413}{10}\right)} \right]$$

$$L_{PT} = 79.04447 \text{ dB}$$

4. Considere en todos los casos de la parte 2 propagación esférica. Determine el nivel de presión sonora total para superposición coherente Fuente 1 y fuente 2 a una frecuencia $f = 5000 \text{ Hz}$

Para determinar el nivel de presión sonora para superposición coherente, primero debemos calcular la PRMS total de las dos fuentes, siguiendo la fórmula:

$$P_{RMST} = \sqrt{[P_{RMS1} \cos(kr_1) + P_{RMS2} \cos(kr_2)]^2 + [P_{RMS1} \sin(kr_1) + P_{RMS2} \sin(kr_2)]^2}$$

Determinamos primeramente k , sabiendo que

$$k = \frac{\omega}{c}$$

Donde:

$$f = 5000 \text{ Hz}$$

$$\omega = 2\pi f = 2\pi \times 5000 = 31,415.92654 \left(\frac{\text{rad}}{\text{s}}\right)$$

$$c = 344 \left(\frac{\text{m}}{\text{s}}\right)$$

Desarrollamos

$$k = \frac{31,415.92654}{344}$$

$$k = 91.32536784 \left(\frac{\text{rad}}{\text{m}}\right)$$

Ahora calculamos kr_1 y kr_2 , sabiendo que

$$r_1 = 4 \text{ m}$$

$$r_2 = 2 \text{ m}$$

$$kr_1 = 91.32536784 \times 4 \text{ m}$$

$$kr_1 = 365.3014713 \text{ rad}$$

$$kr_2 = 91.32536784 \times 2 \text{ m}$$

$$kr_2 = 182.6507357 \text{ rad}$$

Ahora, teniendo:

$$P_{RMS1} = 0.055030179(Pa)$$

$$P_{RMS2} = 0.170504775(Pa)$$

$$kr_1 = 365.3014713 \text{ rad}$$

$$kr_2 = 182.6507357 \text{ rad}$$

Reemplazamos y desarrollamos

$$P_{RMST} = \sqrt{[0.055030179 \times \cos(365.3014713) + 0.170504775 \times \cos(182.6507357)]^2 + [0.055030179 \times \sin(365.3014713) + 0.170504775 \times \sin(182.6507357)]^2}$$

$$P_{RMST} = 0.2215664(Pa)$$

Y ahora, determinamos el nivel de presión sonora con

$$L_{pT} = 20 \log_{10} \left(\frac{P_{RMST}}{P_0} \right)$$

Donde:

$$P_{RMST} = 0.2215664 (Pa)$$

$$P_0 = 2 \times 10^{-5} (N/m^2)$$

Reemplazamos y desarrollamos

$$L_{pT} = 20 \log_{10} \left(\frac{0.2215664 (Pa)}{2 \times 10^{-5} (N/m^2)} \right)$$

$$L_{pT} = 80.88947 dB$$

5. Demuestre para onda plana que la relación da el número de Mach M

$$\vec{u}(x, t) = U_0 e^{j(\omega t - kx)} \hat{x}$$

$$\left| \frac{(\vec{u} \cdot \nabla) \vec{u}}{\frac{\partial \vec{u}}{\partial t}} \right| = \frac{U_0}{c} = M$$

$$\left| \frac{(\vec{u} \cdot \nabla) \vec{u}}{\frac{\partial \vec{u}}{\partial t}} \right| = \left| \frac{\left(\vec{u} \cdot \frac{\partial \vec{u}}{\partial x} \right) \vec{u}}{\frac{\partial \vec{u}}{\partial t}} \right|$$

$$\left| \frac{\partial \vec{u}}{\partial t} \right| = |j\omega U_0 e^{j(\omega t - kx)} \hat{x}| = \omega U_0$$

$$\left| \left(\vec{u} \cdot \frac{\partial \vec{u}}{\partial x} \right) \vec{u} \right| = |U_0 e^{j(\omega t - kx)} \hat{x} \cdot jk U_0 e^{j(\omega t - kx)} \hat{x}| = k(U_0)^2$$

$$\left| \frac{(\vec{u} \cdot \nabla) \vec{u}}{\frac{\partial \vec{u}}{\partial t}} \right| = \frac{k(U_0)^2}{\omega U_0} = \frac{U_0}{c} = M$$