

1

Supuestos del Análisis de Varianza

AGRONOMICAS

Fisher propuso en la década de los 20 (1920-1930) los clásicos Modelos de Análisis de Varianza (Modelos de clasificación), Modelos de Regresión y Análisis de Covarianza.

Estos métodos fueron desarrollados para variables continuas Supuestos de estos métodos (Métodos simplistas):

- Datos independientes (no correlacionados). Varianzas homogéneas.

2

4

6

Distribución normal de los errores

Los supuestos son necesarios para la inferencia (Valor P del ANDEVA no es válido en caso de incumplimiento)



Hoy en día existen técnicas que permiten modelar datos en los cuales las observaciones no son independientes y/o con varianzas heterogéneas y/o que no presentan distribución normal



$$Y_{ij} = \mu + \tau_i + \varepsilon_{ij}$$

El modelo lineal del ANAVA plantea supuestos que deben cumplirse para que el estadístico F tenga valores p reportados que sean válidos

- es la j-ésima observación del i-ésimo tratamiento
- es la media general común a todos los tratamientos es el efecto fijo del tratamiento i es una variable aleatoria normal (error), independientemente distribuida con
- ϵ_{ij} es una variante aleatoria no mar (6.7.6.7), ...----- esperanza 0 y varianza σ^2 , que representa la variabilidad

3



5

Estos supuestos plantean exigencias acerca de los términos de

Se pueden establecer como:

- Independencia entre los errores
- Homogeneidad de varianzas
 Distribución normal de los errores



En caso que alguno de estos supuestos no se cumplan:

Impactarán directamente sobre los valores p reporteados, y por lo tanto sobre la calidad de las conclusiones que finalmente buscamos obtener.

La verificación de los supuestos se realiza en la práctica a través de los predictores de los términos de <mark>error aleatorio</mark> que son los <mark>residuos</mark> aleatorios asociados a cada observación



7

\mathbf{e}_{ij} = VALOR OBSERVADO – VALOR ESTIMADO

(eij = residuo asociado a una unidad experimental)

Se calcula como la diferencia entre el valor observado de la variable respuesta y el valor esperado estimado (predicho) bajo el modelo lineal especificado.



Supuesto Independencia de los errores

Debe existir independencia entre los errores de las unidades experimentales

Evitar la presencia de datos correlacionados experimentalmente

- Hay tres casos en los que podemos tener problemas con este supuesto:

 1) Tener más de un dato por UE (Submuestreo dentro de la UE)
- 2) Falta de aleatorización de los tratamientos a las UE
- 3) Temporal. Cuando a una misma UE se le mide el largo de brote en 5 oportunidades



Archivo Duraznero

En un huerto de duraznero se condujo un ensayo bajo un Diseño Completamente aleatorizado con cuatro tratamientos (hormonas A, B, C y D) y 5 repeticiones por tratamiento, siendo la unidad experimental una planta. En cada planta se seleccionaron al azar 5 frutos en los cuales se evaluó el diámetro del fruto





8

Archivo Duraznero

Submuestreo de frutos dentro de un árbol (UE): esos frutos carecen de independencia, no son independientes entre si, por lo tanto hay una estructura de correlación dentro del árbol.

¿Cómo solucionamos este problema?

Sacando el promedio de los frutos por Unidad Experimental

Debe existir un solo dato por Unidad experimental para proceder con el análisis.

9 10

Archivo Híbridos

Para comparar 4 variedades de maíz (1, 2, 3 y 4), plantados en el sector de Melipilla en un suelo franco-arcilloso homogéneo y con riego tradicional mediante surcos, se realizó un ensayo con 10 repeticiones por tratamiento. Las variedades fueron sembradas en el mes de noviembre a una densidad de plantación de 90.000 plantas por ha. Los tratamientos se establecieron en parcelas de 3,2 x 7 m (22,4 m²), con hileras separadas a una distancia de 0,8 m. La variable respuesta medida fue el rendimiento (toneladas · ha-1).



Supuesto Independencia de los errores

El cumplimiento de este supuesto queda garantizado, pero no asegurado, mediante el procedimiento de ALEATORIZACIÓN de los tratamientos a las unidades experimentales, razón por la cual este procedimiento no debe obviarse.

11 12



Supuesto Homogeneidad de varianzas

Homocedasticidad = Homogeneidad

$$H_0: \sigma_1^2 = \sigma_2^2 = \sigma_3^2 = \dots = \sigma_t^2$$

 H_A : no todas las σ_i^2 iguales.

(al menos dos varianzas distintas)



Supuesto Homogeneidad de varianzas

PRUEBA GRÁFICA

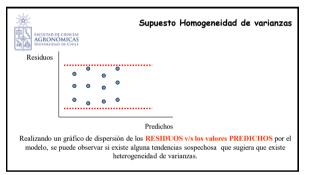
- Gráfico de dispersión de residuos vs predichos

PRUEBA ESTADÍSTICA

- Test de Levene

13

14



Supuesto Homogeneidad de varianzas

Residuos

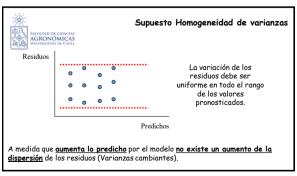
Cuando existe homogeneidad de varianzas, se debe observar una nube de puntos sin patrón alguno (patrón aleatorio).

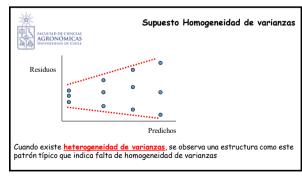
A medida que aumenta lo predicho por el modelo no existe un aumento de la dispersión de los residuos.

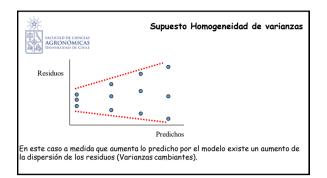
15

16

18







Supuesto Homogeneidad de varianzas

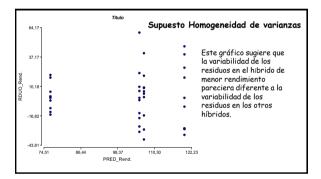
Agrandomicas

Residuos

Predichos

Aquí los tratamientos con mayores valores predichos tienen más variabilidad entre sus repeticiones que los tratamientos con menor valor predicho.

19 20



Supuesto Homogeneidad de varianzas

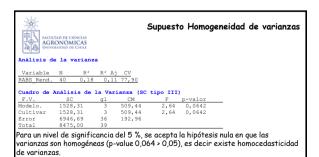
- Prueba de Levene (INFOSTAT)

Esta prueba se construye realizando un análisis de la varianza con los valores absolutos de los residuos como variable dependiente.

Es preferible realizar pruebas gráficas para verificar este supuesto, ya que en caso de estar ante un escenario de heterogeneidad de varianzas, este tipo de prueba no nos entrega una estrategia de análisis a seguir.

22

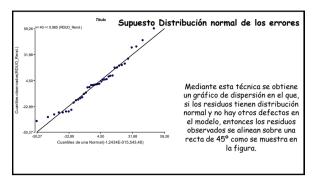
21



Supuesto Distribución normal de los errores

HO: Los errores tiene distribución normal.
HA: Los errores no tiene distribución normal.

23 24



Supuesto Distribución normal de los errores

AGRONOMICAS

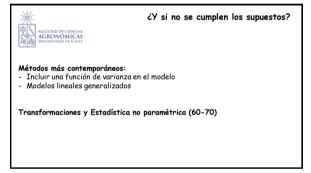
Shapiro-Wilks (modificado)

Variable n Media D.E. W* p (Unilateral D)

RDUO Rend. 40 0,00 23,31 0,95 0,2975

Como pvalue = 0,295 > 0,05, implica Aceptar HO, es decir existe distribución normal de los errores al 5 % de nivel de significancia.

25 26



Transformaciones

ACRONOMICAS

La utilización de transformaciones para lograr que los datos se ajusten a una distribución normal fue antiguamente unas de las soluciones más utilizadas, ya que existen gran cantidad de parámetros biológicos que tienen una distribución asimétrica como la de la figura de la izquierda, y que se convierten en aproximadamente simétricas al transformarlas mediante el logaritmo.

27 28

Transformaciones

AGRONOMICAS

AGRONOMICAS

Luego, a la variable trasformada hay que calcularle sus RESIDUOS, los que deben ser sometidos nuevamente a las pruebas de los supuestos de normalidad y de homogeneidad de varianzas.

Si pasan los supuestos realizar el ANOVA con la variable trasformada, luego las comparaciones múltiples se realizar acon la escala trasformada, pero los resultados finales (promedios de los tratamientos), deben presentarse con los valores de la escala original

Transformaciones

AGRONOMICAS

-Se debe realizar una trasformación de la variable original.

- Luego, a la variable trasformada hay que calcularle sus RESIDUOS, lo que deben ser sometidos nuevamente a las pruebas de los supuestos de normalidad y de homogeneidad de varianzas.

Si pasan los supuestos realizar el ANOVA con la variable trasformada, luego las comparaciones múltiples se realizar con la escala trasformada, pero los resultados finales (promedios de los tratamientos), deben presentarse con los valores de la escala original

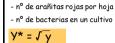
29 30



Transformaciones

Transformaciones más utilizadas:

- Transformación raíz cuadrada
 Transformación logarítmica
 Transformación de Bliss



32

FACULTAD DE CIENCIAS
AGRONÓMICAS
UNIVERSIDAD DE CHILE

Si los valores observados son cercanos a cero o muy pequeños , se sugiere utilizar:

Es recomendada cuando los datos "y" están expresados en números enteros no negativos, los cuales siguen una distribución de Poisson, como por ej:

 $y* = \sqrt{y + cte}$

31

AGRONOMICAS

Transformación Ln o Log

Transformación angular (Bliss)

In(y) ó log(y)

Consiste en tomar los logaritmos de las variables originales.

 $Y^* = log(y)$

Se usa cuando los datos son números enteros positivos que cubren un amplio rango de valores (o que tienen mucha variabilidad) como por ej:

- nº de nemátodos por muestra de suelo
- n° de células somáticas en la leche

AGRONOMICAS

Transformación Ln o Log

Transformación raíz cuadrada

In(y) ó log(y)

Hay problemas con la trasformación logarítmica si la variable "y" toma algún valor "cero", por lo que en estos casos, o incluso si existen valores muy pequeños, será adecuada emplear la trasformación:

Y* = log(y +1)

33

34

36



Cuando los datos son proporciones o porcentajes como por ej:

- % Botrytis
- % Palo negro
- % Daño

35

 $Y^* = \arccos \sqrt{y/100}$

Donde Y es un valor entre 0% y 100%

AGRONOMICAS

Estadística paramétrica

En los métodos paramétricos se asume que la población de la cual la muestra es extraída presenta distribución NORMAL.

Esta propiedad es necesaria para que la prueba de hipótesis del ANDEVA sea

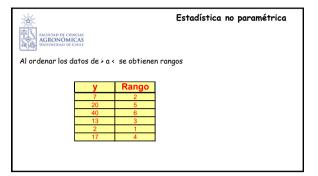


Estadística no paramétrica

Se denominan pruebas no paramétricas aquellas que <u>no presuponen</u> una distribución de probabilidad para los datos, por ello se conocen también como de distribución libre (distribution free).

La mayor desventaja de la estadística no paramétrica es que es mucho menos poderosa que la estadística paramétrica.

Esta basada en rangos, es decir, se considera el orden relativo que le corresponde a los datos más que a los valores mismos.



37



Estadística no paramétrica Prueba de Kruskal-Wallis

Es equivalente a la prueba del ANOVA para un Diseño Completamente aleatorizado y que permite comparar la igualdad de k medias poblacionales (tratamientos) versus que al menos una es distinta.

Las hipótesis son las mismas que para el ANOVA.



38

Estadística no paramétrica Prueba de Friedman

Es una prueba no paramétrica equivalente a la prueba del ANOVA aplicable a modelos de clasificación en dos sentidos, sin interacción, como es el caso del Diseño en Bloques completos al azar

Las hipótesis son las mismas que para el ANOVA.

39





Estadística no paramétrica:

- Fueron un buen intento para arreglar el problema (60-70)
 Paramétrico: supone distribución
- No paramétrico: de distribución libre
- Esta obsoletos, y perdiendo vigencia a pasos agigantados Es una estadística de distribución libre, pero si exige independencia
- Ataca el problema de la no normalidad a través de una trasformación de
- $\bar{\text{Al}}$ asignar rangos, se pierde mucha información de las diferencias entre los tratamientos



42

Modelación estadística avanzada



Modelación estadística avanzada

· La clásica receta de que un experimento hay que analizarlo de una manera en particular esta obsoleta!

- AHORA
 Para un mismo set de datos hay que evaluar diferentes modelos, modelos
- Para un mismo ser de datos nay que evaluar an erentes modelos, modelos alternativos.
 Posteriormente hay que aplicar criterios de selección de modelos
 Hay que pensar en toda la fuente de variación que hay en el experimento y colocarla en el modelo, efecto unidad experimental (sujeto), efecto covariable,
- efecto bloque, etc.....y evaluar. Según la naturaleza de la variable respuesta se decide cual modelo usar, modelo lineal general, modelo lineal generalizado,

